

静电场中的导体 (2)

1. 处于静电平衡的导体是等势体, 导体表面是等势面, 导体表面附近的电场线与导体表面相互垂直, 导体体内的电场处处为零, 所以在该区域靠近导体的一侧电场为零。 **本题选 (C)**

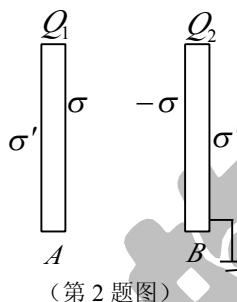
2. 金属平板静电平衡后, 金属平板 A 和 B 相邻两表面电荷电量等量异号, 设电荷面密度分别为 σ 和 $-\sigma$; 金属平板 A 和 B 最外边两表面电荷电量相等, 设电荷面密度为 σ' , 如图所示。

若金属板 B 接地, 金属板 B 和无穷远处电势相等, $V_B = V_\infty = 0$,

则金属板 B 右侧电荷不能存在, 即 $\sigma' = 0 \Rightarrow$ 金属板 A 左侧电荷也为零,

\Rightarrow 金属板 A 带电量 Q_1 全部分布在 A 板右表面, 即 $\sigma = \frac{Q_1}{S}$,

此时, 金属平板 A 和 B 之间的电场强度大小: $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{Q_1}{\epsilon_0 S}$ 。 **本题选 (C)**



3. 设导体板 B 左右两个面上感应电荷面密度分别为 σ_1 和 σ_2 , 导体板 B 原来不带电, 则 $\sigma_1 + \sigma_2 = 0$;

空间等效为三个无限大均匀带电平面: σ 、 σ_1 和 σ_2 , 它们在导体板 B 内部任一点 P 产生的场强大小为:

$$E_P = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} + \frac{\sigma_1}{2\epsilon_0} - \frac{\sigma_2}{2\epsilon_0} = 0, \text{ 设水平向右为正方向, 导体中场强处处为零。} \Rightarrow \sigma + \sigma_1 - \sigma_2 = 0;$$

$$\text{联立} \begin{cases} \sigma_1 + \sigma_2 = 0 \\ \sigma + \sigma_1 - \sigma_2 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \sigma_1 = -\frac{\sigma}{2} \\ \sigma_2 = \frac{\sigma}{2} \end{cases}. \quad \text{本题选 (B)}$$

4. 由于点电荷不在球心处, 内表面感应电荷分布不均匀, 外表面电荷分布只与导体的形状有关, 所以外表面电荷分布均匀。 **本题选 (B)**

5. a 点电荷面密度为 σ_1 , 导体内电场强度为 $E_{\text{内}} = 0$, 导体外表面附近电场强度大小为 $E_{\text{表}} = \frac{\sigma_1}{\epsilon_0}$;

电荷面密度与导体表面的曲率成正比, 由 $\sigma_1 > \sigma_2$, 所以曲率较大的点是 a 点。

6. 导体球壳 R_1 上电量 q_1 均匀分布在导体球壳 R_1 的外表面上, 则导体球壳 R_2 的内表面均匀分布感应电荷电量为 $-q_1$, 导体球壳 R_2 的外表面上均匀分布电荷电量为 $q_1 + q_2$ 。

空间等效为三个均匀带电球面, 电量分别为 q_1 , $-q_1$, $q_1 + q_2$, 半径分别为 R_1 , R_2 , R_2 (注意薄导体球壳), 则以无穷远处电势为零, 由电势标量叠加,

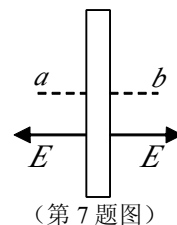
$$\text{导体球壳 } R_1 \text{ 的电势: } U_1 = \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0 R_1} + \frac{-q_1}{4\pi\epsilon_0 R_2} + \frac{q_1 + q_2}{4\pi\epsilon_0 R_2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q_1}{R_1} + \frac{q_2}{R_2} \right);$$

$$\text{导体球壳 } R_2 \text{ 的电势: } U_2 = \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0 R_2} + \frac{-q_1}{4\pi\epsilon_0 R_2} + \frac{q_1 + q_2}{4\pi\epsilon_0 R_2} = \frac{q_1 + q_2}{4\pi\epsilon_0 R_2};$$

若用导线连接两球壳, 则导体球壳 R_1 外表面上电荷 q_1 和导体球壳 R_2 内表面上电荷 $-q_1$ 中和, 只有导体球壳 R_2 外

表面上均匀分布电荷 $q_1 + q_2$, 取无穷远处电势为零, 导体球壳的电势为: $\frac{q_1 + q_2}{4\pi\epsilon_0 R_2} = U_2$ 。

7. 导体平板电荷面密度为 σ ，板两侧为匀强电场，场强为 $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$ ，方向如图所示。



(第7题图)

若取导体平板电势为零， $V_a = -Eh$ ， $V_b = -Eh$ ， a 和 b 的电势差为 $V_{ab} = V_a - V_b = 0$ 。

8. 利用“静电场中的导体(1)”第3题中的方法，可得实际测得P点的场强要更大。

9. 设金属球半径为 R ，带电量 $Q = 1.2 \times 10^{-8} \text{C}$ 均匀分布在金属球的表面，

则空间电场强度的分布：

$$E(r) = \begin{cases} 0 & (r < R) \\ \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} & (r > R) \end{cases}$$

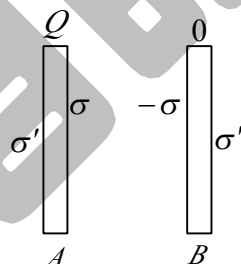
可得，在金属球表面附近场强最大， $E_{\max} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R^2} \leq 3 \times 10^{-6} \text{V/m}$ ， \Rightarrow 金属球的半径： $R \geq 6 \times 10^{-3} \text{m}$ 。

10. (1) 金属平板静电平衡后，金属平板 A 和 B 相邻两表面电荷电量等量异号，设电荷面密度分别为 σ 和 $-\sigma$ ；金属平板 A 和 B 最外边两表面电荷电量相等，设电荷面密度为 σ' ，如图 a ，则

$$\begin{cases} (\sigma + \sigma')S = Q \\ (\sigma' - \sigma)S = 0 \end{cases} \Rightarrow \sigma = \sigma' = \frac{Q}{2S}$$

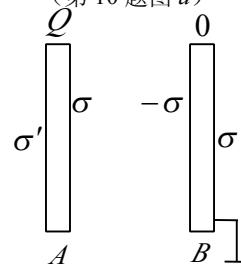
金属平板 A 和 B 之间的电场强度大小： $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{Q}{2\epsilon_0 S}$ ，

$$\text{电势差：} U_{AB} = E \cdot d = \frac{Q}{2\epsilon_0 S} d$$



(第10题图a)

(2) 若金属板 B 接地，金属板 B 和无穷远处电势相等， $V_B = V_\infty = 0$ ，则金属板 B 右侧电荷不能存在，即 $\sigma' = 0 \Rightarrow$ 金属板 A 左侧电荷也为零，金属板 A 带电量 Q 全部分布在 A 板右表面，即 $\sigma = \frac{Q}{S}$ ，注意由于 B 板接地， B 板电荷不守恒。



(第10题图b)

此时，金属平板 A 和 B 之间的电场强度大小： $E' = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$ ，

$$\text{电势差：} U_{AB} = E' \cdot d = \frac{Q}{\epsilon_0 S} d$$

11. 导体球外放一点电荷 q ，导体球左右两侧会感应出等量异号的电荷 $\pm q'$ ，静电平衡后，导体内电势处处相等，导体球球心处的电势等于点电荷 q 和感应电荷 $\pm q'$ 在球心 o 产生的电势之和，取无穷远处电势为零，有：

$$V_o = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 a} + \oint_S \frac{dq'}{4\pi\epsilon_0 R} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 a} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0 R} \oint_S dq' = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 a}$$

12. 圆柱面 a 上电荷均匀分布，电荷线密度为 λ ，由静电感应，薄金属圆筒内表面感应出等量异号的电荷，电荷线密度为 $-\lambda$ ，金属圆筒外表面感应电荷线密度为 $+\lambda$ 。

由于金属圆筒接地，圆筒和无穷远处电势相等： $V = V_\infty = 0$ ，由静电屏蔽，金属圆筒外表面电荷被大地中和。空间等效为两个均匀带电圆柱面，半径分别为 a 和 b ，电荷线密度分别为 λ 和 $-\lambda$ 。电荷分布具有柱对称性，由高斯定理，在各区域作半径为 r ，高为 h 的闭合圆柱面 S 做为高斯面，可得空间电场强度分布：

$$E(r) = \begin{cases} 0 & (r < a) \\ \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} & (a < r < b) \\ 0 & (r > b) \end{cases}$$

则内圆柱面 a 里面、距离为 r 的 P 点电场强度大小： $E_p = 0$ ，

$$P \text{ 点电势：} V_p = \int_p^b \vec{E} \cdot d\vec{r} = \int_p^a \vec{E} \cdot d\vec{r} + \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{r} = \int_p^a 0 \cdot d\vec{r} + \int_a^b \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} dr = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0} \ln \frac{b}{a}$$